

7.3 Les événements indépendants

Le 18 mai,
2017

La lotto
6 49

$$\begin{array}{cccccc}
 7 & 8 & 22 & 36 & 43 & 45 \\
 \downarrow & & & & & \\
 \frac{1}{49} \times \frac{1}{48} \times \frac{1}{47} \times \frac{1}{46} \times \frac{1}{45} \times \frac{1}{44} \\
 = \frac{1}{10\ 068\ 347\ 520}
 \end{array}$$

Le plaque d'immatriculation

$$\frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{26} \times \frac{1}{26} \times \frac{1}{26}$$

S'il y a 6 différents caractères alphanumériques,
combien y a-t-il de permutations?

$$\begin{aligned}
 \frac{1}{10^3} \times \frac{1}{26^3} &= \frac{1}{1000} \times \frac{1}{17\ 576} \\
 &= \frac{1}{17\ 576\ 000} \leftarrow \text{le \# de combinaisons}
 \end{aligned}$$

Ex 1: Quelle est la probabilité de rouler un "6" avec un dé?

Il y a 6 côtés! Alors, $\frac{1}{6}$

Roulons 1 dé 6 fois

1 ✓✓

2

3 ✓✓

4

5 ✓✓

6

Ex 2: Quelle est la probabilité que je roule un "6"

a) 2 fois consécutives?

$$\frac{1}{6} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{36}$$

b) 3 "

$$\frac{1}{6} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{216}$$

c) 4 "

$$\frac{1}{6} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{1296}$$

d) 5 "

$$\frac{1}{6^5} = \frac{1}{7776}$$

Ex 3: Quelle est la probabilité que tu aies 4 faces consécutives?

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{16} \rightarrow 6,25\%$$

P	1	2	3	4
f	✓	✓	✓	✓

$$\frac{4}{27} \rightarrow \approx 15\%$$

Ex 5: Quelle est la probabilité de rouler la combinaison / séquence suivante :

a) P P F F F

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{32} \approx 3\%$$

P	1	2	3	4	5	$\frac{1}{27} \approx 4\%$ a réussi
F	✓	✓	✓	✓	✓	

Ex 6: Quelle est la probabilité de rouler un dé et une pièce de monnaie et d'atteindre

a) Face et "6" et Face ?

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{24}$$

6) Face et "2 ou 3" et Face ?

$$-\frac{1}{8} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{12}$$